Chemische Kinetik und Reaktionsdynamik (PC 3)

Prof. Dr. Michael Gottfried Hans-Jörg Drescher, Stefan Engel, Malte Sachs Sommersemester 2013

## Zusatzübungsblatt Statistische Thermodynamik

## **Zusatzaufgabe (Gleichgewichtskonstante)**

Die Herstellung von Synthesegas ist für eine Vielzahl von großtechnisch bedeutsamen Reaktionen (z.B. für die Ammoniaksynthese) essentiell:

$$CH_4 + H_2O \leftrightarrow CO + 3 H_2$$

- a) Berechnen Sie mit statistischen Methoden die Gleichgewichtskonstante  $K_p$  der Reaktion bei 400 und 1000K.
- b) Welche Temperatur schlagen Sie im Hinblick auf die Gleichgewichtskonstante für einen solchen Prozess vor?
- c) Muss man für den Reaktor bei 400 K eine Heizung oder eine Kühlung vorsehen?
- d) Sollte man bei hohem oder niedrigem Druck arbeiten?
- e) Welche möglichen Nebenreaktionen erwarten Sie?

Die statistischen Berechnungen können in der Näherung des starren Rotators bzw. des harmonischen Oszillators durchgeführt werden, wobei die folgenden spektroskopischen Daten verwandt werden sollen:

	σ	θ <sub>rot</sub> [K]	$\widetilde{\mathcal{V}}_0$ [cm <sup>-1</sup> ]	g <sub>e,0</sub>
H <sub>2</sub>	2	85.36	4400.4	1
CO	1	2.766	2163.5	1
CH₄	12	$\theta_A = \theta_B = \theta_C = 7.6$	2917	1
			1534 (2-fach entartet.)	
			3019 (3-fach entartet.)	
			1306 (3-fach entartet)	
H <sub>2</sub> O	2	θ <sub>A</sub> = 39.6	3657	1
		$\theta_{B}$ = 21.1	1595	
		θ <sub>C</sub> = 13.7	3756	

Die Verbrennungswärmen der folgenden Reaktionen sind bombenkalorimetrisch bei 400 K bestimmt worden:

$$CH_4 + 2 O_2 \leftrightarrow CO_2 + 2 H_2O$$

$$\Delta H_r = -801.2 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$2 H_2 + O_2 \leftrightarrow 2 H_2O$$

$$\Delta H_r = -485.8 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$CO + \frac{1}{2}O_2 \leftrightarrow CO_2$$

$$\Delta H_{\rm r} = -283.7 \text{ kJ mol}^{-1}$$

Hieraus erhalten Sie  $\Delta H_r^0$  (400 K) für die obige Reaktion. Für jede beteiligte Komponente gilt nun:

$$H^{0}(T) - U^{0}(T = 0) = \frac{3}{2}RT + RT + \sum_{i=1}^{3N-5} \frac{R\theta_{v}}{e^{\theta_{v}/T} - 1} + RT \qquad \text{ für ein lineares Molekül}$$

$$H^{\,0}(T) - U^{\,0}(T=0) = \frac{3}{2}\,RT + \frac{3}{2}\,RT + \sum_{j=1}^{3N-6} \frac{R\,\theta_{\scriptscriptstyle V}}{e^{\,\theta_{\scriptscriptstyle V}\,/T}\,-1} + RT \qquad \text{für ein nicht lineares Molekül}$$

Hieraus kann die Innere Energie der Reaktion Δ<sub>r</sub>U<sup>0</sup> bei 0 K ausgerechnet werden.